

제 2 교시

## 수학 영역

## 5지선다형

1.  $2^{\sqrt{3}} \times 2^{2-\sqrt{3}}$  의 값은? [2점]

- ①  $\sqrt{2}$     ② 2    ③  $2\sqrt{2}$     ④ 4    ⑤  $4\sqrt{2}$

2. 함수  $f(x)$  가

$$f'(x) = 3x^2 - 2x, \quad f(1) = 1$$

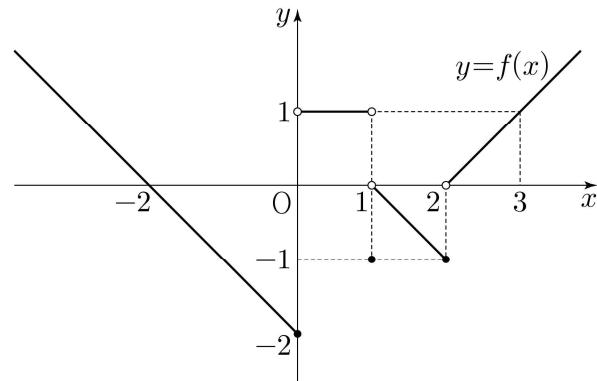
- 을 만족시킬 때,  $f(2)$ 의 값은? [2점]

- ① 1    ② 2    ③ 3    ④ 4    ⑤ 5

3.  $\pi < \theta < \frac{3}{2}\pi$  일 때에 대하여  $\tan \theta = \frac{12}{5}$  일 때,  $\sin \theta + \cos \theta$ 의 값은? [3점]

- ①  $-\frac{17}{13}$     ②  $-\frac{7}{13}$     ③ 0    ④  $\frac{7}{13}$     ⑤  $\frac{17}{13}$

4. 함수  $y = f(x)$  의 그래프가 그림과 같다.



- $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) + \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$ 의 값은? [3점]

- ① -2    ② -1    ③ 0    ④ 1    ⑤ 2

## 2

## 수학 영역

5. 다항함수  $f(x)$ 에 대하여 함수  $g(x)$ 를

$$g(x) = (x^2 + 3)f(x)$$

라 하자.  $f(1) = 2$ ,  $f'(1) = 1$  일 때,  $g'(1)$ 의 값은? [3점]

- ① 6      ② 7      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

7. 첫째항이 2인 등차수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제  $n$  항까지의 합을  $S_n$ 이라 하자.

$$a_6 = 2(S_3 - S_2)$$

일 때,  $S_{10}$ 의 값은? [3점]

- ① 100      ② 110      ③ 120      ④ 130      ⑤ 140

6. 곡선  $y = 3x^2 - x$  와 직선  $y = 5x$ 로 둘러싸인 부분의 넓이는?

[3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

# 수학 영역

3

## 8. 함수

$$f(x) = \begin{cases} -2x+6 & (x < a) \\ 2x-a & (x \geq a) \end{cases}$$

에 대하여 함수  $\{f(x)\}^2$  o] 실수 전체의 집합에서 연속이 되도록 하는 모든 상수  $a$ 의 값의 합은? [3점]

- ① 2      ② 4      ③ 6      ④ 8      ⑤ 10

## 10. $n \geq 2$ 인 자연수 $n$ 에 대하여 두 곡선

$$y = \log_n x, \quad y = -\log_n(x+3)+1$$

o] 만나는 점의  $x$ 좌표가 1보다 크고 2보다 작도록 하는 모든  $n$ 의 값의 합은? [4점]

- ① 30      ② 35      ③ 40      ④ 45      ⑤ 50

## 9. 수열 $\{a_n\}$ o] 모든 자연수 $n$ 에 대하여

$$a_{n+1} = \begin{cases} \frac{1}{a_n} & (n \text{ o] 홀수인 경우}) \\ 8a_n & (n \text{ o] 짝수인 경우}) \end{cases}$$

o] 고  $a_{12} = \frac{1}{2}$  일 때,  $a_1 + a_4$ 의 값은? [4점]

- ①  $\frac{3}{4}$       ②  $\frac{9}{4}$       ③  $\frac{5}{2}$       ④  $\frac{17}{4}$       ⑤  $\frac{9}{2}$

## 4

## 수학 영역

11. 닫힌구간  $[0, 1]$ 에서 연속인 함수  $f(x)$ 가

$$f(0) = 0, \quad f(1) = 1, \quad \int_0^1 f(x) dx = \frac{1}{6}$$

을 만족시킨다. 실수 전체의 집합에서 정의된 함수  $g(x)$ 가 다음 조건을 만족시킬 때,  $\int_{-3}^2 g(x) dx$ 의 값은? [4점]

$$(가) \ g(x) = \begin{cases} -f(x+1)+1 & (-1 < x < 0) \\ f(x) & (0 \leq x \leq 1) \end{cases}$$

(나) 모든 실수  $x$ 에 대하여  $g(x+2) = g(x)$ 이다.

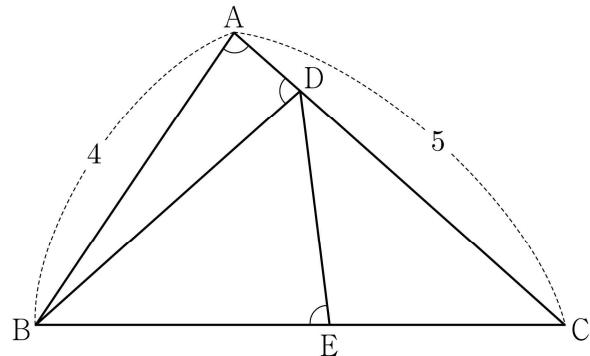
- ①  $\frac{5}{2}$       ②  $\frac{17}{6}$       ③  $\frac{19}{6}$       ④  $\frac{7}{2}$       ⑤  $\frac{23}{6}$

12. 그림과 같으  $\overline{AB} = 4$ ,  $\overline{AC} = 5$ 이고  $\cos(\angle BAC) = \frac{1}{8}$ 인

삼각형 ABC가 있다. 선분 AC 위의 점 D와 선분 BC 위의 점 E에 대하여

$$\angle BAC = \angle BDA = \angle BED$$

일 때, 선분 DE의 길이는? [4점]



- ①  $\frac{7}{3}$       ②  $\frac{5}{2}$       ③  $\frac{8}{3}$       ④  $\frac{17}{6}$       ⑤ 3

# 수학 영역

5

13. 실수 전체의 집합에서 정의된 함수  $f(x)$ 가 구간  $(0, 1]$ 에서

$$f(x) = \begin{cases} 3 & (0 < x < 1) \\ 1 & (x = 1) \end{cases}$$

이고, 모든 실수  $x$ 에 대하여  $f(x+1) = f(x)$ 를 만족시킨다.

$$\sum_{k=1}^{20} \frac{k \times f(\sqrt{k})}{3}$$
 의 값은? [4점]

- ① 150      ② 160      ③ 170      ④ 180      ⑤ 190

14. 두 양수  $p, q$ 와 함수  $f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x - 12$ 에 대하여  
실수 전체의 집합에서 연속인 함수  $g(x)$ 가 다음 조건을  
만족시킬 때,  $p+q$ 의 값은? [4점]

(가) 모든 실수  $x$ 에 대하여  $xg(x) = |xf(x-p)+qx|$ 이다.

(나) 함수  $g(x)$ 가  $x=a$ 에서 미분가능하지 않은 실수  $a$ 의  
개수는 1이다.

- ① 6      ② 7      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

## 6

## 수학 영역

15.  $-1 \leq t \leq 1$ 인 실수  $t$ 에 대하여  $x$ 에 대한 방정식

$$\left(\sin\frac{\pi x}{2} - t\right)\left(\cos\frac{\pi x}{2} - t\right) = 0$$

의 실근 중에서 집합  $\{x | 0 \leq x < 4\}$ 에 속하는 가장 작은 값을  $\alpha(t)$ , 가장 큰 값을  $\beta(t)$ 라 하자. <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

<보기>

- ㄱ.  $-1 \leq t < 0$ 인 모든 실수  $t$ 에 대하여  $\alpha(t) + \beta(t) = 5$ 이다.
- ㄴ.  $\{t | \beta(t) - \alpha(t) = \beta(0) - \alpha(0)\} = \left\{ t \mid 0 \leq t \leq \frac{\sqrt{2}}{2} \right\}$
- ㄷ.  $\alpha(t_1) = \alpha(t_2)$ 인 두 실수  $t_1, t_2$ 에 대하여  $t_2 - t_1 = \frac{1}{2}$ 이면  $t_1 \times t_2 = \frac{1}{3}$ 이다.

- ① ㄱ                  ② ㄱ, ㄴ                  ③ ㄱ, ㄷ  
④ ㄴ, ㄷ                  ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

## 단답형

16.  $\log_4 \frac{2}{3} + \log_4 24$ 의 값을 구하시오. [3점]

17. 함수  $f(x) = x^3 - 3x + 12$ 가  $x = a$ 에서 극소일 때,  $a + f(a)$ 의 값을 구하시오. (단,  $a$ 는 상수이다.) [3점]

# 수학 영역

7

18. 모든 항이 양수인 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여

$$a_2 = 36, \quad a_7 = \frac{1}{3}a_5$$

일 때,  $a_6$ 의 값을 구하시오. [3점]

19. 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각  $t (t \geq 0)$ 에서의 속도  $v(t)$ 가

$$v(t) = 3t^2 - 4t + k$$

이다. 시각  $t=0$ 에서 점 P의 위치는 0이고, 시각  $t=1$ 에서 점 P의 위치는  $-3$ 이다. 시각  $t=1$ 에서  $t=3$ 까지 점 P의 위치의 변화량을 구하시오. (단,  $k$ 는 상수이다.) [3점]

20. 실수  $a$ 와 함수  $f(x) = x^3 - 12x^2 + 45x + 3$ 에 대하여 함수

$$g(x) = \int_a^x \{f(x) - f(t)\} \times \{f(t)\}^4 dt$$

가 오직 하나의 극값을 갖도록 하는 모든  $a$ 의 값의 합을 구하시오. [4점]

21. 다음 조건을 만족시키는 최고차항의 계수가 1인 이차함수  $f(x)$ 가 존재하도록 하는 모든 자연수  $n$ 의 값의 합을 구하시오.

[4점]

- (가)  $x$ 에 대한 방정식  $(x^n - 64)f(x) = 0$ 은 서로 다른 두 실근을 갖고, 각각의 실근은 중근이다.  
 (나) 함수  $f(x)$ 의 최솟값은 음의 정수이다.

22. 삼차함수  $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 방정식  $f(x) = 0$ 의 서로 다른 실근의 개수는 2이다.  
 (나) 방정식  $f(x - f(x)) = 0$ 의 서로 다른 실근의 개수는 3이다.

$f(1) = 4, f'(1) = 1, f'(0) > 1$  일 때,  $f(0) = \frac{q}{p}$  이다.  $p+q$ 의 값을 구하시오. (단,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

## \* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(학률과 통계)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

## 수학 영역(기하)

## 5지선다형

23. 두 벡터  $\vec{a} = (k+3, 3k-1)$  과  $\vec{b} = (1, 1)\text{i}$  서로 평행할 때,  
실수  $k$ 의 값은? [2점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

24. 타원  $\frac{x^2}{8} + \frac{y^2}{4} = 1$  위의 점  $(2, \sqrt{2})$ 에서의 접선의  $x$  절편은?

[3점]

- ① 3      ②  $\frac{13}{4}$       ③  $\frac{7}{2}$       ④  $\frac{15}{4}$       ⑤ 4

## 2

## 수학 영역(기하)

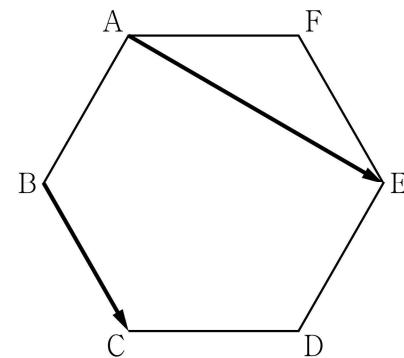
25. 좌표평면 위의 두 점  $A(1, 2)$ ,  $B(-3, 5)$ 에 대하여

$$|\overrightarrow{OP} - \overrightarrow{OA}| = |\overrightarrow{AB}|$$

를 만족시키는 점  $P$ 가 나타내는 도형의 길이는?  
(단,  $O$ 는 원점이다.) [3점]

- ①  $10\pi$     ②  $12\pi$     ③  $14\pi$     ④  $16\pi$     ⑤  $18\pi$

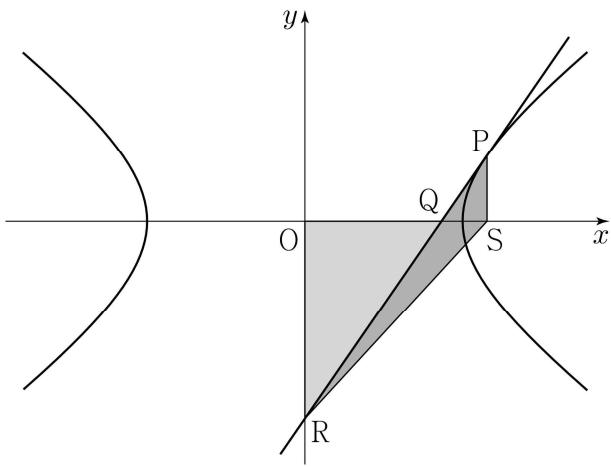
26. 그림과 같이 한 변의 길이가 1인 정육각형 ABCDEF에서  
 $|\overrightarrow{AE} + \overrightarrow{BC}|$ 의 값은? [3점]



- ①  $\sqrt{6}$     ②  $\sqrt{7}$     ③  $2\sqrt{2}$     ④ 3    ⑤  $\sqrt{10}$

27. 그림과 같이 쌍곡선  $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$  위의 점  $P(4, k)$  ( $k > 0$ )

에서의 접선이  $x$  축과 만나는 점을  $Q$ ,  $y$  축과 만나는 점을  $R$ 라 하자. 점  $S(4, 0)$ 에 대하여 삼각형  $QOR$ 의 넓이를  $A_1$ , 삼각형  $PRS$ 의 넓이를  $A_2$ 라 하자.  $A_1 : A_2 = 9 : 4$  일 때, 이 쌍곡선의 주축의 길이는? (단,  $O$ 는 원점이고,  $a$ 와  $b$ 는 상수이다.) [3점]

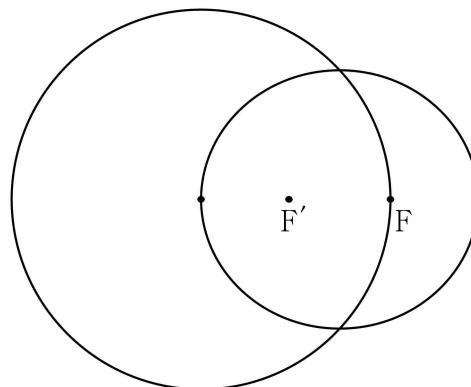


- ①  $2\sqrt{10}$    ②  $2\sqrt{11}$    ③  $4\sqrt{3}$    ④  $2\sqrt{13}$    ⑤  $2\sqrt{14}$

28. 두 초점이  $F, F'$ 이고 장축의 길이가  $2a$ 인 타원이 있다.

이 타원의 한 꼭짓점을 중심으로 하고 반지름의 길이가 1인 원이 이 타원의 서로 다른 두 꼭짓점과 한 초점을 지날 때, 상수  $a$ 의 값은? [4점]

- ①  $\frac{\sqrt{2}}{2}$    ②  $\frac{\sqrt{6}-1}{2}$    ③  $\sqrt{3}-1$   
④  $2\sqrt{2}-2$    ⑤  $\frac{\sqrt{3}}{2}$

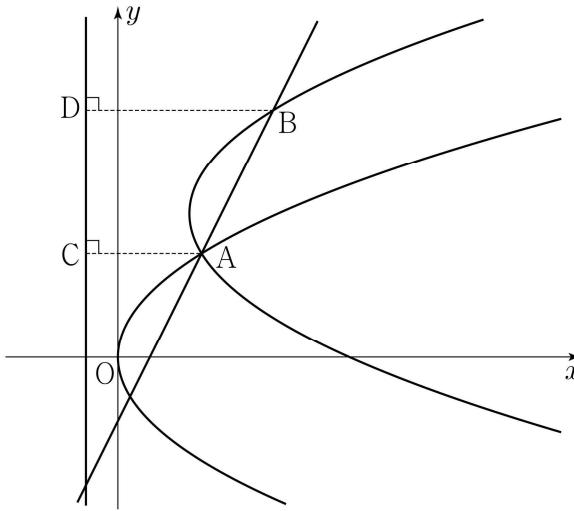


## 단답형

29. 포물선  $y^2 = 8x$  와 직선  $y = 2x - 4$  가 만나는 점 중 제1사분면 위에 있는 점을 A라 하자. 양수  $a$ 에 대하여

포물선  $(y-2a)^2 = 8(x-a)$  가 점 A를 지날 때, 직선  $y = 2x - 4$  와 포물선  $(y-2a)^2 = 8(x-a)$  가 만나는 점 중 A가 아닌 점을 B라 하자. 두 점 A, B에서 직선  $x = -2$  에 내린 수선의 발을 각각 C, D라 할 때,  $\overline{AC} + \overline{BD} - \overline{AB} = k$  이다.  $k^2$  의 값을 구하시오.

[4점]



30. 좌표평면 위의 네 점 A(2, 0), B(0, 2), C(-2, 0), D(0, -2) 를 꼭짓점으로 하는 정사각형 ABCD의 네 변 위의 두 점 P, Q가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가)  $(\overrightarrow{PQ} \cdot \overrightarrow{AB})(\overrightarrow{PQ} \cdot \overrightarrow{AD}) = 0$   
 (나)  $\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OP} \geq -2$  이고  $\overrightarrow{OB} \cdot \overrightarrow{OP} \geq 0$  이다.  
 (다)  $\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OQ} \geq -2$  이고  $\overrightarrow{OB} \cdot \overrightarrow{OQ} \leq 0$  이다.

점 R(4, 4)에 대하여  $\overrightarrow{RP} \cdot \overrightarrow{RQ}$  의 최댓값을 M, 최솟값을 m이라 할 때, M+m의 값을 구하시오. (단, O는 원점이다.)

[4점]

## \* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.